



فصل اول - مدهای بر علم مطالب

سرفصل مطالب : تاریخچه ای کوتاه از مطالب

- تعریف مایه ای در مطالب

- کاربرد مایه ای در مطالب

- قوانین نیوتن

- سیستم واحد

- مفهوم فشار

مطالب ، علم است که به توصیف و تبیین حرکت اجسام تحت اثر نیروها و در برانها

می پردازد.

تاریخچه ای کوتاه :

- ارسطو Aristotle (384 - 322 B.C) ، هر جسمی را به واسطه نیروی وارد بر جسم

می دانست ! اصول او در مورد حرکت مستقیم الخط با سرعت متناهیته ماریت بود.

- ارشمیدس Archimedes (287 - 212 B.C) : ارسطو اصول اجسام در نهادهای

متناهیته

کولد Galileo (1564-1642) : ارائه اولین فرمولاسیون در زمینه دینامیک

در نظریه ارسطو - کمیت ندره بر سوط آزاد اجسام

نیوتن Newton (1642-1727) : تدوین **قوانین معادلات حرکت** با بهره گیری از

مشاهدات **پرونده کلد** (والد) **سویچ خود!**

پدیده‌های **دینامیک** ، **تضاد زمان** ، **جرم** ، **نیرو** (در مقابل **سویچ** ، این **مفاهیم** **مطلق**)

فرض کرده و **مشکل** **ارشد** - **نیروی** مستقیم این **مفاهیم** **کار** **دینامیک** **و** **معمولاً** **باز** **در** **سیستم** **و** **جرم** **بزرگ** **می** **شوند** .

جرم (mass) : اندازه‌گیری **کمیتی** **جرم** یا **مقداری** **مقاومت** **آن** **در** **برابر** **تغییر** **سرعت** .

نیرو (Force) : اثر یک **جرم** **بر** **روی** **جرم** **دیگر** (در **اتر** **فاصل** **سیستم** **و** **یا** **بدون** **فاصل** **سیستم**) .

نیرو **باعث** **دارد** **جرم** **را** **در** **جهت** **اعمال** **شدن** **به** **حرکت** **در** **آورد** .

\* **اجسام** **سویچ** **دینامیک** :

1- ذره (Particle) : جسی با **ابعاد** **ناچیز** **در** **جرم** **آن** **در** **نقطه** **متمرکز** **شده** **است** .

2- جرم صلب (Rigid Body) : جسی **بدون** **اصدق** **فاصل** (در **محول** **حرکت** **و** **یا** **در** **حال** **اعمال**)

نیروی **آن** ، **مستقیم** **مانند** .

در **اساس** **معمده** **با** **این** **دو** **نوع** **جرم** **سر** **و** **کار** **داریم** .

3- اجسام تغییر شکل پذیر (Deformable Body) : جسی در ماصدی خاص در اثر اعمال

نیرو تغییر می کند.

- ابعاد (حجم، آنتروپی، دانه)

\* جهت های مورد استفاده در ماصد :  
- برداری  
- تانسوری

- بردارها : جهت خاصی که علاوه بر اندازه، جهت نیز دارند و از قواعد جمع برداری تبعیت می کنند

\* انواع بردارها :

1- بردار آزاد (Free Vector) : برداری که اثر آن به یک خط واحد در فضا محدود نشود و

می تواند به موازات خود، به هر نقطه از فضا منتقل شود، در حالی که جهت مورد بررسی تغییر نکند.

2- بردار لغزنده (Sliding Vector) : برداری است که خط اثرش ثابت است اما

قطر واحدی بر آن وجود ندارد. این بردارها می توانند در راستای خود منتقل شوند. (مثل نیروی وارد بر اجسام)

(صلب)

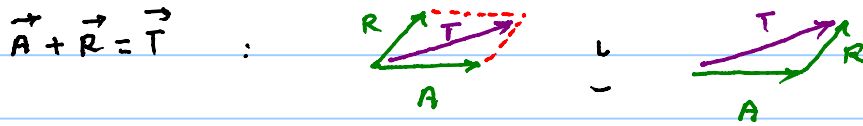
3- بردار ثابت (Fixed Vector) : برداری که قطر اعمال واحد داشته و ماصد لغز و یا

انتقال را ندارد؛ این بردار باید در محل اثر خود وارد شود، در غیر این صورت جهت مورد بررسی تغییر می کند. (مثل

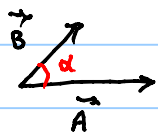
نیروی وارد بر اجسام تغییر شکل پذیر)

\* عمود بر برای :

1- جمع دوتایی (روش سوازی الاضلاع و سنت) :



2- ضرب داخلی (حاصلی اسکالر) :

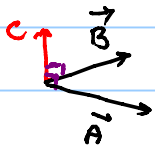


$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \alpha$$

( $\alpha$  : زاویه کوچکترین ابتدای دو بردار)

$$\vec{A} = (a_1, a_2, a_3) \rightarrow \vec{A} \cdot \vec{B} = a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$$
$$\vec{B} = (b_1, b_2, b_3)$$

3- ضرب خارجی (حاصلی برداری) :



$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$$

$$|\vec{C}| = |\vec{A}| |\vec{B}| \sin \alpha$$

انعداد : عمود بر صفحه بردار  
جهت : طبق قانون دست راست

- بردار واحد (بردار با طول واحد در جهت بردار مورد بررسی)

$$\vec{A} = |\vec{A}| \hat{e}_A \Rightarrow \hat{e}_A = \frac{\vec{A}}{|\vec{A}|} = (\cos \theta_1, \cos \theta_2, \cos \theta_3)$$

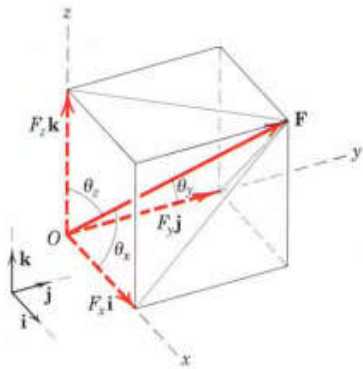
$\theta_1, \theta_2, \theta_3$  : زوایای بردار مورد بررسی با جهت‌های مثبت محورها می‌شوند.

$$\cos^2 \theta_1 + \cos^2 \theta_2 + \cos^2 \theta_3 = 1$$

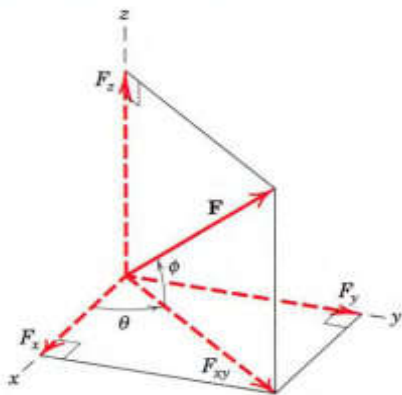
مختص :

$$|\vec{A}| = \sqrt{a_1^2 + a_2^2 + a_3^2}$$

\* کس بردارها :



$$\begin{aligned}
 F_x &= F \cos \theta_x & F &= \sqrt{F_x^2 + F_y^2 + F_z^2} \\
 F_y &= F \cos \theta_y & \mathbf{F} &= F_x \mathbf{i} + F_y \mathbf{j} + F_z \mathbf{k} \\
 F_z &= F \cos \theta_z & \mathbf{F} &= F(\mathbf{i} \cos \theta_x + \mathbf{j} \cos \theta_y + \mathbf{k} \cos \theta_z)
 \end{aligned}$$

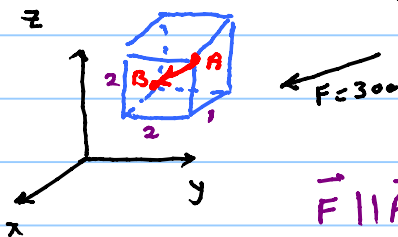


$$F_x = F \cos \phi \cos \theta$$

$$F_y = F \cos \phi \sin \theta \quad \rightarrow \quad \vec{F} = F_x \hat{i} + F_y \hat{j} + F_z \hat{k}$$

$$F_z = F \sin \phi$$

- سوال : اگر  $\vec{F}$  با  $\vec{AB}$  موازی باشد، بردار  $\vec{F}$  را بیابید.



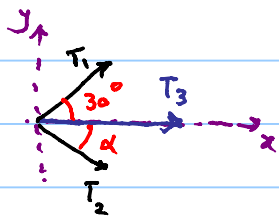
$$\vec{F} \parallel \vec{AB} \Rightarrow \hat{e}_F = \hat{e}_{AB}$$

$$\hat{e}_{AB} = \frac{\vec{AB}}{|\vec{AB}|} = \frac{(-1, -2, -2)}{\sqrt{1^2 + 2^2 + 2^2}} \Rightarrow \hat{e}_{AB} = \left( \frac{-1}{3}, \frac{-2}{3}, \frac{-2}{3} \right)$$

$$\vec{F} = |\vec{F}| \hat{e}_F = 300 \left( \frac{-1}{3}, \frac{-2}{3}, \frac{-2}{3} \right) \Rightarrow \vec{F} = (-100, -200, 200)$$

$$= -100 \hat{i} - 200 \hat{j} - 200 \hat{k}$$

سؤال: مجموع دو بردار معلوم  $\vec{T}_1$ ،  $\vec{T}_2$ ، بردار معلوم  $\vec{T}_3$  چنانچه بردار  $T_1$  با محور  $x$  و  $T_2$  با محور  $y$  هم‌راستا باشد، ضرایب  $\alpha$  را بیابید. آنگاه  $T_2$  معلوم است؟ در این حالت آنگاه  $T_1$  چقدر است؟



$$\vec{T}_1 + \vec{T}_2 = \vec{T}_3$$

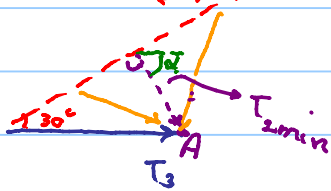
$$\Rightarrow (T_1 \cos 30^\circ \hat{i} + T_1 \sin 30^\circ \hat{j}) + (T_2 \cos \alpha \hat{i} - T_2 \sin \alpha \hat{j}) = T_3 \hat{i}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{\sqrt{3}}{2} T_1 + T_2 \cos \alpha = T_3 & (1) \\ \frac{1}{2} T_1 - T_2 \sin \alpha = 0 \Rightarrow T_1 = 2 T_2 \sin \alpha & (*) \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(*) \text{ در } (1)} \sqrt{3} T_2 \sin \alpha + T_2 \cos \alpha = T_3 \Rightarrow T_2 = \frac{T_3}{\sqrt{3} \sin \alpha + \cos \alpha}$$

$$\frac{d}{d\alpha} T_2 = 0 \Rightarrow \frac{-T_3 (\sqrt{3} \cos \alpha - \sin \alpha)}{(\sqrt{3} \sin \alpha + \cos \alpha)^2} = 0 \Rightarrow \boxed{\tan \alpha = \sqrt{3} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{3}}$$

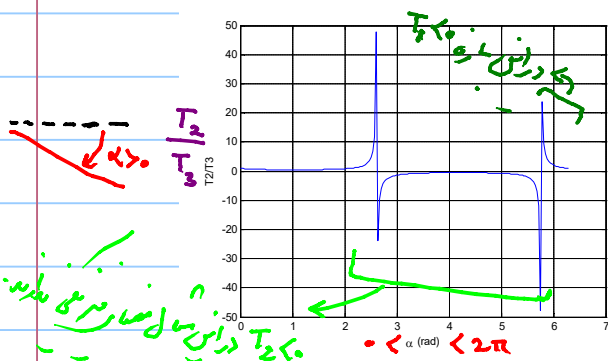
$$\Rightarrow T_2 = \frac{T_3}{\sqrt{3} \sin \frac{\pi}{3} + \cos \frac{\pi}{3}} \Rightarrow \boxed{T_2 = \frac{T_3}{2}} \Rightarrow T_1 = 2 T_2 \sin \frac{\pi}{3} \Rightarrow \boxed{T_1 = \frac{\sqrt{3}}{2} T_3}$$



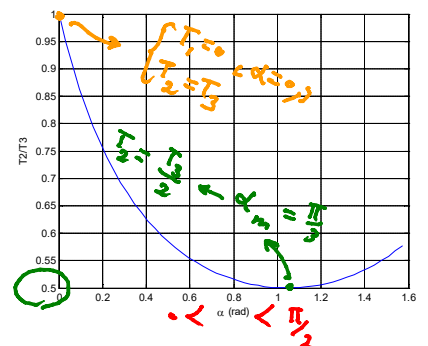
روش دوم: آنچه  $T_1$  روی خط چین قرار می‌گیرد و آنست؛

نمبر این کمترین مقدار  $T_2$ ، ماصدر منطقی  $A$  تا خط چین است. بنابراین

$\alpha = 60^\circ$  خواهد بود. (لازم به ذکر است تمام بردارها را در یک جهت می‌پسندیم  $T_2$  را ماضی می‌پسندیم.)



برای  $T_2$  به ازای  $\alpha$   
 $\Rightarrow \alpha \in [0, \frac{5\pi}{6}]$



سؤال: آیا می توان برای  $T_2$  مقدار مشخصی یافت اگر نخواهیم به مسیله رسید؟

\* قوانین نیوتن:

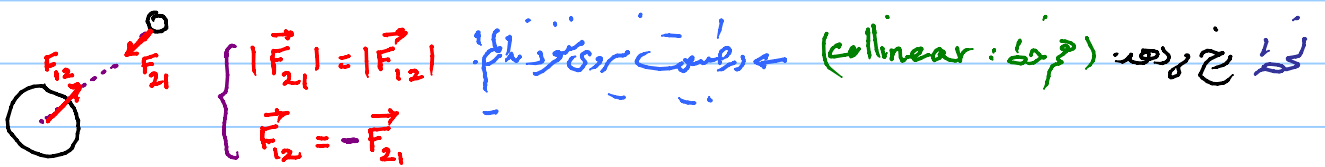
1- قانون اول: یک جسم (ذره) در حال سکون باقی می ماند و یا با سرعت ثابت حرکت می کند (تغییر حرکت ندارد).  
 اگر اندازه حرکت ثابت باشد، حرکت خود ادامه می دهد، اگر برابری نیروهای وارد بر آن، صفر باشد.

2- قانون دوم:  $\vec{F} = m\vec{a}$  به جهت آنکه بردار نیروی وارد بر آن در جهت همان نیروی

$$\Sigma \vec{F} = m \vec{a}$$

برای آنست.

3- قانون سوم: برای هر عملی، عکس العملی است مساوی باین و در خلاف جهت آن در همان



- قانون سوم، برای تمام نیروها، صرف نظر از سطح آن و در هر نقطه از صاف است.

در این درس، تمرکز ما بر روی قوانین اول و سوم است. (این قوانین در ابتدا در رسم بردار مورد نیاز بود)

\* سیستم واحد:

	SI	انگلیسی
جرم	kg	slug
طول	m	ft
زمان	s	sec
نیرو	$N = \frac{kg \cdot m}{s^2}$	lb

در SI، اندازه گیری کت ها مستعمل از کل اندازه گیری است.

موارد نمونه:

$$1 \text{ slug} = 1 \frac{\text{lb}}{\frac{\text{ft}}{\text{sec}^2}} = 1 \frac{\text{lb} \cdot \text{sec}^2}{\text{ft}}$$

$$g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \equiv 32.17 \frac{\text{ft}}{\text{sec}^2}$$

$$1 \text{ kg} \equiv 9.81 \text{ N} \equiv 2.2 \text{ lbf}$$

$$1 \text{ lbf} \equiv 1 \text{ lb}_m \equiv 4.45 \text{ N} \equiv 0.454 \text{ kg}$$

$$1 \text{ slug} \equiv 32.2 \text{ lb}_m \equiv 143.2 \text{ N} \equiv 14.61 \text{ kg}$$

$$1 \text{ in} \equiv \frac{1}{12} \text{ ft} \equiv 2.54 \text{ cm}$$

سوال: بار 1300 psi (یعنی  $\frac{\text{lb}}{\text{in}^2}$ ) این فاکتور را تبدیل کنید.

$$1300 \frac{\text{lb}}{\text{in}^2} \times \frac{1 \text{ in}^2}{(2.54 \text{ cm})^2} \times \frac{(100 \text{ cm})^2}{1 \text{ m}^2} \times \frac{4.45 \text{ N}}{1 \text{ lb}} = 89.7 \times 10^5 \text{ Pa}$$